

Statistiques avec R

Christophe Ambroise et Cyril Dalmasso

École doctorale « *du génome aux organismes* »
Université d'Évry

27-29 janvier 2014

http://stat.genopole.cnrs.fr/~jchiquet/fr/initiation_R

Equipe « Statistique & Génome »

<http://stat.genopole.cnrs.fr>



Cyril Dalmasso



Statistique

Christophe Ambroise



Statistique

`prenom.nom@genopole.cnrs.fr`

Agenda (théorique) de la semaine

Lundi Introduction à la programmation en R, rappel de statistiques (tests)

Mardi Analyse exploratoire : analyse en composante principale, clustering et modèle linéaire

Mercredi Modèle linéaire généralisé (régression logistique)

... et travaux dirigés !

Agenda (théorique) de la semaine

Lundi Introduction à la programmation en R, rappel de statistiques (tests)

Mardi Analyse exploratoire : analyse en composante principale, clustering et modèle linéaire

Mercredi Modèle linéaire généralisé (régression logistique)

... *et travaux dirigés!*

Agenda (théorique) de la semaine

- Lundi** Introduction à la programmation en R, rappel de statistiques (tests)
- Mardi** Analyse exploratoire : analyse en composante principale, clustering et modèle linéaire
- Mercredi** Modèle linéaire généralisé (régression logistique)

... et travaux dirigés !

Première partie I

Structures de données

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Propriétés

- ▶ objet le plus **élémentaire** sous R,
- ▶ collection d'entités **de même nature**,
- ▶ **mode** (ou type) défini par la nature des entités qui le composent.

Les modes possibles

1. numérique (`numeric`),
2. caractère (`character`),
3. logique (`boolean`).

Propriétés

- ▶ objet le plus **élémentaire** sous R,
- ▶ collection d'entités **de même nature**,
- ▶ **mode** (ou type) défini par la nature des entités qui le composent.

Les modes possibles

1. numérique (`numeric`),
2. caractère (`character`),
3. logique (`boolean`).

Propriétés

- ▶ objet le plus **élémentaire** sous \mathbb{R} ,
- ▶ collection d'entités **de même nature**,
- ▶ **mode** (ou type) défini par la nature des entités qui le composent.

Les modes possibles

1. numérique (`numeric`),
2. caractère (`character`),
3. logique (`boolean`).

1. Numérique

```
> x0 <- 0
> x1 <- c(-1,23,98.7)
> mode(x0)

[1] "numeric"
```

2. Caractère

```
> y0 <- "bonjour"
> y1 <- c("Pomme","Flore","Alexandre")
> mode(y1)

[1] "character"
```

3. Logique

```
> z0 <- TRUE
> z1 <- c(FALSE,TRUE,FALSE,TRUE,TRUE)
> z2 <- c(T,F,F)
> mode(z2)

[1] "logical"
```

Définition (affectation)

C'est l'opération qui consiste à *attribuer une valeur* à une variable.

En R, plusieurs choix sont possibles :

- ▶ l'opérateur usuel est '`<-`' (signe inférieur suivi du signe moins)

```
> jo <- "l'indien"  
> jo  
[1] "l'indien"
```

- ▶ l'opérateur '`=`' peut être utilisé la plupart du temps

```
> nb.max.d.annees.pour.faire.une.these = 3  
> nb.max.d.annees.pour.faire.une.these  
[1] 3
```

- ▶ la commande `assign` permet cette opération (d'où l'anglicisme *assignation*)

```
> assign("x", c(8,9,-pi,sqrt(2)))  
> x  
[1] 8.000000 9.000000 -3.141593 1.414214
```

Variabes réservées par R

- ▶ NA est le code R pour les valeurs manquantes (absentes des données),
- ▶ NaN est le code de R pour signifier un résultat numérique aberrant ,
- ▶ Inf et -Inf sont les valeurs réservées pour plus et moins ∞ ,
- ▶ NULL est l'objet nul.

```
> c(4,2,NA,5)
[1] 4 2 NA 5
> 0/0
[1] NaN
> 1/0
[1] Inf
> names(1)
NULL
```

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires**

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Opérations arithmétiques

s'effectuent terme-à-terme

Soient x, y tels que

> $x <- c(1, 2, -3, -4)$

> $y <- c(-5, -6, 9, 0)$

'+' addition des éléments de deux vecteurs

> $x+y$

[1] -4 -4 6 -4

'-' soustraction des éléments de deux vecteurs

> $x-y$

[1] 6 8 -12 -4

'*' multiplication des éléments de deux vecteurs

> $x*y$

[1] -5 -12 -27 0

'/' division des éléments de deux vecteurs

> x/y

[1] -0.2000000 -0.3333333 -0.3333333 -Inf

Le « recyclage » des éléments du vecteur

Lors d'une opération entre vecteurs, les vecteurs trop courts sont ajustés pour atteindre la taille du plus grand vecteur en recyclant les données.

Exemple

```
> x <- c(10,100,1000,10000)
> y <- c(1,2)
> 2*x + y - 1
[1]      20    201   2000 20001
```

↪ souvent pratique mais **attention aux effets de bords!**

Fonctions numériques élémentaires

`floor`, `ceiling`, `round`.

```
> floor(2/3)
```

```
[1] 0
```

```
> ceiling(2/3)
```

```
[1] 1
```

```
> round(2/3,3)
```

```
[1] 0.667
```

Fonctions arithmétiques élémentaires

`^`, `%%`, `%/%`, `abs`, `log`, `exp`, `log10`, `sqrt`, `cos`, `tan`, `sin`... s'appliquent toutes **terme-à-terme**.

```
> log10(c(10,100,1000))
```

```
[1] 1 2 3
```

```
> cos(c(pi/2,pi))^2 + sin(c(pi/2,pi))^2
```

```
[1] 1 1
```

Fonctions caractérisant un vecteur

prod, sum, max, min, range, which.min, which.max, length

```
> x <- c(-8,1.5,3)
```

```
> prod(x)
```

```
[1] -36
```

```
> sum(x)
```

```
[1] -3.5
```

```
> length(x)
```

```
[1] 3
```

```
> max(x)
```

```
[1] 3
```

```
> min(x)
```

```
[1] -8
```

```
> range(x)
```

```
[1] -8 3
```

```
> which.max(x)
```

```
[1] 3
```

```
> which.min(x)
```

```
[1] 1
```

Pour le minimum / maximum terme-à-terme : `pmin`, `pmax`.

Fonctions appliquées le long du vecteur

`cumsum`, `cumprod`, `cummin`, `cummax`

```
> x <- c(-2, 1, -3, 2)
```

```
> cumprod(x)
```

```
[1] -2 -2  6 12
```

```
> cumsum(x)
```

```
[1] -2 -1 -4 -2
```

```
> cummax(x)
```

```
[1] -2  1  1  2
```

```
> cummin(x)
```

```
[1] -2 -2 -3 -3
```

Fonctionnent pour tous les modes

`unique`, `intersect`, `union`, `setdiff`, `setequal`, `is.element`

```
> unique(c("banane", "citron", "banane"))
```

```
[1] "banane" "citron"
```

```
> intersect(c("banane", "citron"), c("orange", "banane"))
```

```
[1] "banane"
```

```
> union(c("banane", "citron"), c("orange", "banane"))
```

```
[1] "banane" "citron" "orange"
```

```
> setequal(c("banane", "citron"), c("orange", "banane"))
```

```
[1] FALSE
```

```
> is.element(1, sample(c(1,2,3),2))
```

```
[1] TRUE
```

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs**

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

from:to

Génère une séquence par pas de un depuis le nombre `from` jusqu'à `to` (si possible).

```
> -5:5
```

```
[1] -5 -4 -3 -2 -1  0  1  2  3  4  5
```

```
> 5:-5
```

```
[1]  5  4  3  2  1  0 -1 -2 -3 -4 -5
```

```
> pi:6
```

```
[1] 3.141593 4.141593 5.141593
```

```
> 1:6/2
```

```
[1] 0.5 1.0 1.5 2.0 2.5 3.0
```

```
> 1:(6/2)
```

```
[1] 1 2 3
```

Plusieurs schémas possibles

- ▶ `seq(from,to)`
- ▶ `seq(from,to,by=)`
- ▶ `seq(from,to,length.out=)`

```
> seq(1,10)
```

```
[1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

```
> seq(2,10,by=2)
```

```
[1] 2 4 6 8 10
```

```
> seq(2,10,length.out=6)
```

```
[1] 2.0 3.6 5.2 6.8 8.4 10.0
```

Fonctionne pour tous les modes

- ▶ `rep(x, times)`, où `times` peut être un vecteur,
- ▶ `rep(x, each)`.

```
> rep(1,3)
```

```
[1] 1 1 1
```

```
> rep("Mercy",3)
```

```
[1] "Mercy" "Mercy" "Mercy"
```

```
> rep(c("A", "B", "C"), c(3,2,4))
```

```
[1] "A" "A" "A" "B" "B" "C" "C" "C" "C"
```

```
> rep(c(TRUE,FALSE), each=2)
```

```
[1] TRUE TRUE FALSE FALSE
```

Obtenus par conditions avec

- ▶ les opérateurs logiques '`<`', '`<=`', '`>`', '`>=`', '`==`' '`!=`'
- ▶ le ET, le OU, NON, OU exclusif : '`&`' (intersection), '`|`' (union), '`!`' (négation), `xor`.

```
> note1 <- c(8,9,14,3,17.5,11)
> note2 <- c("C","B","A","B","E","B")
> admis <- (note1 >= 10) & (note2 == "A" | note2 == "B")
> mention <- (note1 >= 15) & (note2 == "A")
> admis
[1] FALSE FALSE TRUE FALSE FALSE TRUE
> sum(admis)
[1] 2
> sum(mention)
[1] 0
```

Avec 'c()'

L'opérateur 'c()' peut s'appliquer à n'importe quoi pourvu que l'on concatène des vecteurs de même type.

```
> c( c(1,2), c(3,4))
```

```
[1] 1 2 3 4
```

```
> round(c(seq(-pi,pi,len=4),rep(c(1:3),each=2),0),2)
```

```
[1] -3.14 -1.05  1.05  3.14  1.00  1.00  2.00  2.00  3.00  3.00  0.00
```

Remarque

Dans le second exemple, les entiers composants c(1:3) ont été forcés au typage flottant.

Avec `paste`

Concaténation de chaînes de caractères. Convertit en caractères les éléments passés en argument avant toute opération.

```
> paste("R", "c'est", "bien")
```

```
[1] "R c'est bien"
```

```
> paste(2:4, "ieme")
```

```
[1] "2 ieme" "3 ieme" "4 ieme"
```

```
> paste("A", 1:5, sep="")
```

```
[1] "A1" "A2" "A3" "A4" "A5"
```

```
> paste("A", 1:5, sep="", collapse="")
```

```
[1] "A1A2A3A4A5"
```

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs**

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Principe

- ▶ Permet la **sélection d'un sous-ensemble** du vecteur x .
- ▶ Le sous-ensemble est spécifié **entre crochets** $x[\text{subset}]$.

L'objet `subset` peut prendre 4 types différents :

1. **un vecteur logique**, qui doit être de la même taille que le vecteur x ;
2. **un vecteur numérique aux composantes positives**, qui spécifie les valeurs à inclure ;
3. **un vecteur numérique aux composantes négatives**, qui spécifie les valeurs à exclure ;
4. **un vecteur de chaînes de caractères**, qui spécifie les noms des éléments de x à conserver.

Principe

- ▶ Permet la sélection d'un sous-ensemble du vecteur x .
- ▶ Le sous-ensemble est spécifié **entre crochets** $x[\text{subset}]$.

L'objet `subset` peut prendre 4 types différents :

1. **un vecteur logique**, qui doit être de la même taille que le vecteur x ;
2. **un vecteur numérique aux composantes positives**, qui spécifie les valeurs à inclure ;
3. **un vecteur numérique aux composantes négatives**, qui spécifie les valeurs à exclure ;
4. **un vecteur de chaînes de caractères**, qui spécifie les noms des éléments de x à conserver.

Principe

- ▶ Permet la sélection d'un sous-ensemble du vecteur x .
- ▶ Le sous-ensemble est spécifié **entre crochets** $x[\text{subset}]$.

L'objet `subset` peut prendre 4 types différents :

1. **un vecteur logique**, qui doit être de la même taille que le vecteur x ;
2. **un vecteur numérique aux composantes positives**, qui spécifie les valeurs à inclure ;
3. **un vecteur numérique aux composantes négatives**, qui spécifie les valeurs à exclure ;
4. **un vecteur de chaînes de caractères**, qui spécifie les noms des éléments de x à conserver.

Principe

- ▶ Permet la sélection d'un sous-ensemble du vecteur x .
- ▶ Le sous-ensemble est spécifié **entre crochets** $x[\text{subset}]$.

L'objet `subset` peut prendre 4 types différents :

1. **un vecteur logique**, qui doit être de la même taille que le vecteur x ;
2. **un vecteur numérique aux composantes positives**, qui spécifie les valeurs à inclure ;
3. **un vecteur numérique aux composantes négatives**, qui spécifie les valeurs à exclure ;
4. **un vecteur de chaînes de caractères**, qui spécifie les noms des éléments de x à conserver.

Principe

- ▶ Permet la sélection d'un sous-ensemble du vecteur x .
- ▶ Le sous-ensemble est spécifié **entre crochets** $x[\text{subset}]$.

L'objet `subset` peut prendre 4 types différents :

1. **un vecteur logique**, qui doit être de la même taille que le vecteur x ;
2. **un vecteur numérique aux composantes positives**, qui spécifie les valeurs à inclure ;
3. **un vecteur numérique aux composantes négatives**, qui spécifie les valeurs à exclure ;
4. **un vecteur de chaînes de caractères**, qui spécifie les noms des éléments de x à conserver.

Vecteurs logiques

```
> x <- c(3,6,-2,9,NA,sin(-pi/6))
```

```
> x[x > 0]
```

```
[1] 3 6 9 NA
```

```
> x[!is.na(x)]
```

```
[1] 3.0 6.0 -2.0 9.0 -0.5
```

```
> x[!is.na(x) & x>0]
```

```
[1] 3 6 9
```

```
> mean(x,na.rm=TRUE)
```

```
[1] 3.1
```

```
> x[x <= mean(x,na.rm=TRUE)]
```

```
[1] 3.0 -2.0 NA -0.5
```

Vecteurs aux composantes positives ou négatives

```
> x
[1] 3.0 6.0 -2.0 9.0 NA -0.5

> x[2]
[1] 6

> x[1:5]
[1] 3 6 -2 9 NA

> x[-c(1,5)]
[1] 6.0 -2.0 9.0 -0.5

> x[-(1:5)]
[1] -0.5
```

Vecteurs de chaînes de caractères

```
> names(x) <- c("var1", "var2", "var3", "var4", "var5", "var6")
```

```
> x
```

```
var1 var2 var3 var4 var5 var6  
 3.0  6.0 -2.0  9.0  NA -0.5
```

```
> x[c("var1", "var3")]
```

```
var1 var3  
  3   -2
```

1. Classer

- ▶ `sort` renvoie le vecteur classé par ordre croissant ou décroissant,
- ▶ `order` renvoie les indices d'ordre des éléments par ordre croissant ou décroissant,

2. Extraire

- ▶ `which` renvoie les indices de `x` vérifiant une condition ;

3. Échantillonner

- ▶ `sample` échantillonne aléatoirement dans un vecteur `x`, avec ou sans remise.

1. Classifier

- ▶ `sort` renvoie le vecteur classé par ordre croissant ou décroissant,
- ▶ `order` renvoie les indices d'ordre des éléments par ordre croissant ou décroissant,

2. Extraire

- ▶ `which` renvoie les indices de `x` vérifiant une condition ;

3. Échantillonner

- ▶ `sample` échantillonne aléatoirement dans un vecteur `x`, avec ou sans remise.

1. Classifier

- ▶ `sort` renvoie le vecteur classé par ordre croissant ou décroissant,
- ▶ `order` renvoie les indices d'ordre des éléments par ordre croissant ou décroissant,

2. Extraire

- ▶ `which` renvoie les indices de x vérifiant une condition ;

3. Échantillonner

- ▶ `sample` échantillonne aléatoirement dans un vecteur x , avec ou sans remise.

Exemples

```
> x <- -5:5
> y <- sample(x)
> sort(y)

[1] -5 -4 -3 -2 -1  0  1  2  3  4  5

> order(y)

[1]  3 11  9 10  2  6  5  7  4  8  1

> y[order(y)]

[1] -5 -4 -3 -2 -1  0  1  2  3  4  5

> y[order(y,decreasing=TRUE)]

[1]  5  4  3  2  1  0 -1 -2 -3 -4 -5

> which(sample(x,4) > 0)

[1] 2
```

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Définition

*Un facteur est un vecteur de **variables catégorielles**. Les niveaux du facteur peuvent être ordonnés ou pas.*

Utilisation

les facteurs s'utilisent pour **catégoriser les données** d'un vecteur (ce qui s'avère très utile pour la gestion des variables qualitatives).

↪ un facteur est souvent associé à d'autres vecteurs pour en définir une **partition**.

Définition

*Un facteur est un vecteur de **variables catégorielles**. Les niveaux du facteur peuvent être ordonnés ou pas.*

Utilisation

les facteurs s'utilisent pour **catégoriser les données** d'un vecteur (ce qui s'avère très utile pour la gestion des variables qualitatives).

↪ un facteur est souvent associé à d'autres vecteurs pour en définir une **partition**.

Définition

*Un facteur est un vecteur de **variables catégorielles**. Les niveaux du facteur peuvent être ordonnés ou pas.*

Utilisation

les facteurs s'utilisent pour **catégoriser les données** d'un vecteur (ce qui s'avère très utile pour la gestion des variables qualitatives).

↪ un facteur est souvent associé à d'autres vecteurs pour en définir une **partition**.

Création : la fonction factor

```
> factor(sample(1:3,10,replace=TRUE))
```

```
[1] 2 2 3 2 1 2 2 3 3 3
```

```
Levels: 1 2 3
```

```
> factor(sample(1:3,10,replace=TRUE),levels=1:5)
```

```
[1] 1 1 3 1 1 3 2 3 2 2
```

```
Levels: 1 2 3 4 5
```

Gestion : nlevels, levels, table

```
> x <- factor(sample(c("thésard", "CR", "MdC"),15,replace=TRUE))
```

```
> cat(nlevels(x), "niveaux:", levels(x))
```

```
3 niveaux: CR MdC thésard
```

```
> table(x)
```

```
x
```

CR	MdC	thésard
5	5	5

Un exemple de facteur associé à un vecteur

Un exemple de facteur associé à un vecteur

Données

Chacun me donne son âge et son grade¹

```
> age <- c(25,35,32,27,32,40,26,25,26,28,30,NA,36,30,30)
> grd <- c("thd", "CR", "MdC", "thd", "thd", "MdC", "MdC", "thd", "thd", "MdC", "CR")
```

Question : nombre d'individus par catégorie ?

```
> table(grd)
```

```
grd
CR MdC thd
 3   5   7
```

1. sauf un qui refuse :'(

Utilisation

Applique une fonction sur un vecteur partitionné en groupes.

Question : âge moyen / écart-type par catégorie ?

```
> tapply(age,grd,mean,na.rm=TRUE)
```

```
      CR      MdC      thd  
33.66667 31.50000 27.85714
```

```
> tapply(age,grd,sd,na.rm=TRUE)
```

```
      CR      MdC      thd  
3.214550 6.191392 2.794553
```

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Définition (objet array)

*Un tableau est un vecteur muni d'un attribut dimension (*dim*), lui même défini par un vecteur. Il est défini par la commande `array(data, dim, dimnames=)`*

```
> array(1:8, c(2,2,2))
```

```
, , 1
```

	[,1]	[,2]
[1,]	1	3
[2,]	2	4

```
, , 2
```

	[,1]	[,2]
[1,]	5	7
[2,]	6	8

Définition (objet `matrix`)

Une matrice est un tableau à deux dimensions. Elle est définie par la commande

```
matrix(data, nrow=, ncol=, byrow)
```

En conséquence

- ▶ Un objet `array` à deux dimensions est automatiquement converti en `matrix`
- ▶ Un vecteur auquel on ajoute un attribut `dimension` est automatiquement converti en `matrix`

```
> class(array(1:4, c(2,2)))
```

```
[1] "matrix"
```

```
> x <- c(1,2,3,4)
```

```
> dim(x) <- c(2,2)
```

```
> class(x)
```

```
[1] "matrix"
```

1. R range les éléments d'une matrice par défaut par **colonne**.

```
> matrix(1:6,nrow=2)
```

```
      [,1] [,2] [,3]  
[1,]    1    3    5  
[2,]    2    4    6
```

```
> matrix(1:6,nrow=2,byrow=TRUE)
```

```
      [,1] [,2] [,3]  
[1,]    1    2    3  
[2,]    4    5    6
```

2. Lors de la création d'une matrice, R **recycle** les éléments jusqu'à ce que les contraintes de dimension soient vérifiées.

```
> matrix(1:2,nrow=2,ncol=2)
```

```
      [,1] [,2]  
[1,]    1    1  
[2,]    2    2
```

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Étant donné qu'une matrice est un vecteur pourvu d'une dimension, on a la proposition suivante :

Proposition

La plupart des opérateurs vectorielles s'appliquent (arithmétiques/mathématiques, ensemblistes, d'indexation).

```
> a <- matrix(sample(-4:4,9),3,3)
> cat(max(a),sum(a),prod(a))

4 0 0

> which(a > 0)

[1] 1 3 6 7

> cumsum(a[a > 0])

[1] 4 6 9 10

> order(a)

[1] 2 8 5 4 9 7 3 6 1

> round(exp(a),4)

      [,1]  [,2]  [,3]
[1,] 54.5982 0.3679 2.7183
[2,]  0.0183 0.1353 0.0498
[3,]  7.3891 20.0855 1.0000
```

Opérateurs matriciels usuels

- ▶ `+`, `/`, `*`, `^` sont les opérateurs usuels terme-à-terme,
- ▶ `%*%` est le produit matriciel,
- ▶ `crossprod()` est le produit scalaire,
- ▶ `t()` transpose une matrice,
- ▶ `diag()` extrait / spécifie la diagonale.

```
> a <- matrix(sample(-4:4,9),3,3)
> b <- matrix(sample(a),3,3)
> diag(a)

[1] 1 4 -4

> diag(a) <- diag(b) <- 1
> diag(a)

[1] 1 1 1

> a + t(b) %*% b

      [,1] [,2] [,3]
[1,]  19  -7  -9
[2,] -11  27  -4
[3,] -12  -8  15
```

Concaténation de matrices

Trois fonctions selon l'effet voulu :

1. `c()` concatène les éléments de plusieurs matrices en un vecteur,
2. `cbind()` empile **horizontalement** plusieurs matrices,
3. `rbind()` empile **verticalement** plusieurs matrices.

```
> a <- matrix(1,2,3)
> b <- matrix(2,2,3)
> c(a,b)

[1] 1 1 1 1 1 1 1 2 2 2 2 2 2
```

```
> cbind(a,b)

      [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
[1,]    1    1    1    2    2    2
[2,]    1    1    1    2    2    2
```

```
> rbind(a,b)

      [,1] [,2] [,3]
[1,]    1    1    1
[2,]    1    1    1
[3,]    2    2    2
[4,]    2    2    2
```

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Résolution de systèmes linéaires, inversion matricielle

La commande `solve` résout

$$\mathbf{Ax} = \mathbf{b},$$

```
> A <- matrix(c(4,2,8,-3),2,2)
> b <- c(2,3)
> solve(A,b)
```

```
[1] 1.0714286 -0.2857143
```

ou inverse une matrice :

```
> round(solve(A) %*% A,8)
```

```
      [,1] [,2]
[1,]    1    0
[2,]    0    1
```

R dispose des outils classiques d'algèbre linéaire

- ▶ `det` : calcule le **déterminant** d'une matrice ;
- ▶ `chol` : factorisation de **Cholesky** ($A = C^T C$, avec A symétrique, C triangulaire supérieure) ;
- ▶ `qr` : factorisation **QR** ($A = QR$ avec Q orthogonale, R triangulaire supérieure) ;
- ▶ `eigen` : calcule valeurs propres et **vecteurs propres** d'une matrice ;
- ▶ `svd` : calcule la décomposition en **valeurs singulières**.
- ▶ ...

Vecteurs

- Les modes ou typages

- Opérations élémentaires

- Génération de vecteurs

- Manipulation de vecteurs

Facteurs

Matrices (et tableaux)

- Définition, création

- Manipulation de matrices

- Opérateurs d'algèbre linéaire

Listes et Tableaux de données

Définition (objet list)

Une liste est une *collection d'objets hétérogènes*. Elle est définie par la commande `list(e11=, e12=, ...)`. Les éléments d'une liste peuvent posséder un nom.

```
> list(c(1,2,3),c("robert","johnson"),matrix(rnorm(4),2,2))
```

```
[[1]]  
[1] 1 2 3
```

```
[[2]]  
[1] "robert" "johnson"
```

```
[[3]]  
      [,1]      [,2]  
[1,] -2.2759227 -0.3960857  
[2,] -0.6925659 -0.4085253
```

```
> list(numero = c(1,2,3), noms = c("robert","johnson"), mat = matrix(rnorm(4),2,2))
```

```
$numero  
[1] 1 2 3
```

```
$noms  
[1] "robert" "johnson"
```

```
$mat  
      [,1]      [,2]  
[1,] 0.4636346 -0.4597605  
[2,] 1.2458616 -1.0437894
```

Deux situations

1. Les éléments de la liste **ne sont pas nommés** : on accède au i^{e} élément par indexation `nom_liste[[i]]` uniquement.
2. Les éléments de la liste **sont nommés** : on peut y accéder comme ci-dessus ou en utilisant le nom de l'élément `nom_liste$nom_elt`.

```
> maliste <- list(numero = c(1,2,3), noms = c("robert","johnson"), mat = matrix(rnorm(10), 2, 5))
> maliste$nom
```

```
[1] "robert" "johnson"
```

```
> maliste$nom[2]
```

```
[1] "johnson"
```

```
> maliste[[2]]
```

```
[1] "robert" "johnson"
```

```
> maliste[[2]][2]
```

```
[1] "johnson"
```

Sélectionner des éléments

Fonctionne (presque) comme pour les vecteurs

```
> l1 <- list(1:2,c("a","c","g","t"))  
> l1[[-2]]  
  
[1] 1 2
```

Commande lapply

Applique une fonction à chaque élément d'une liste

```
> lapply(maliste,length)  
  
$numero  
[1] 3  
  
$noms  
[1] 2  
  
$mat  
[1] 4
```

Commande `c()`

Permet de concaténer deux listes.

```
> c(list(1:2,c("a","c","g","t")),list(rnorm(3),"yop"))
```

```
[[1]]
```

```
[1] 1 2
```

```
[[2]]
```

```
[1] "a" "c" "g" "t"
```

```
[[3]]
```

```
[1] 1.066570 2.307537 -0.703831
```

```
[[4]]
```

```
[1] "yop"
```

Définition (objet `data.frame`)

C'est une liste à laquelle on impose certaines contraintes², afin de rassembler vecteurs et facteurs sous la forme d'un tableau de données.

- ▶ *Pratiquement, un tableau de données est une matrice dont les colonnes sont de mode différent,*
- ▶ C'est l'objet idéal pour la **manipulation de données** (**forcez-vous** à l'utiliser).

2. que je vous épargne

Définition (objet `data.frame`)

C'est une liste à laquelle on impose certaines contraintes², afin de rassembler vecteurs et facteurs sous la forme d'un tableau de données.

- ▶ *Pratiquement, un tableau de données est une matrice dont les colonnes sont de mode différent,*
- ▶ C'est l'objet idéal pour la **manipulation de données** (**forcez-vous** à l'utiliser).

2. que je vous épargne

Syntaxe

On peut spécifier le nom des colonnes par le vecteur `row.names` ou directement comme pour une liste :

```
data.frame(e1=,e2=,...,row.names=)
```

```
> age <- c(25,35,32,27,32,40,26,25,26,28,30,NA,36,30,30)
> grd <- c("thd","CR","MdC","thd","thd","MdC","MdC","thd","thd","MdC","CR","MdC","CF")
> sexe <- factor(sample(c(rep("M",3),rep("F",12))))
> donnees <- data.frame(age=age,grade=grd,sexe=sexe)
> head(donnees)
```

	age	grade	sexe
1	25	thd	M
2	35	CR	F
3	32	MdC	F
4	27	thd	F
5	32	thd	F
6	40	MdC	M

Manipulation des éléments du tableau de données

- ▶ Comme une liste !
- ▶ les commandes `attach()` / `detach` placent / ôtent les éléments du tableaux de données dans l'itinéraire de recherche.

```
> donnees$age
```

```
[1] 25 35 32 27 32 40 26 25 26 28 30 NA 36 30 30
```

```
> attach(donnees, warn.conflicts=FALSE)
```

```
> grade
```

```
[1] thd CR MdC thd thd MdC MdC thd thd MdC CR MdC CR thd thd
```

```
Levels: CR MdC thd
```

```
> detach(donnees)
```

- ▶ beaucoup de fonctions prédéfinies
- ▶ penser aux fonctions `tapply` (ou `by`)

```
> summary(donnees)
      age      grade  sexe
Min.   :25.00   CR :3   F:12
1st Qu.:26.25   MdC:5   M: 3
Median :30.00   thd:7
Mean   :30.14
3rd Qu.:32.00
Max.   :40.00
NA's   :1

> attach(donnees, warn.conflicts=FALSE)
> by(age, sexe, mean, na.rm=TRUE)

sexe: F
[1] 29.72727
-----

sexe: M
[1] 31.66667

> by(age, grade, mean, na.rm=TRUE)

grade: CR
[1] 33.66667
-----

grade: MdC
[1] 31.5
-----

grade: thd
[1] 27.85714

> detach(donnees)
```

Idéal pour analyse statistique type anova

Pour plus tard. . .

```
> anova(lm(age ~ sexe*grade,data=donnees))
```

Analysis of Variance Table

Response: age

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
sexe	1	8.866	8.866	0.9296	0.36015
grade	2	100.149	50.075	5.2505	0.03082 *
sexe:grade	1	68.866	68.866	7.2209	0.02491 *
Residuals	9	85.833	9.537		

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Deuxième partie II

Développer avec R

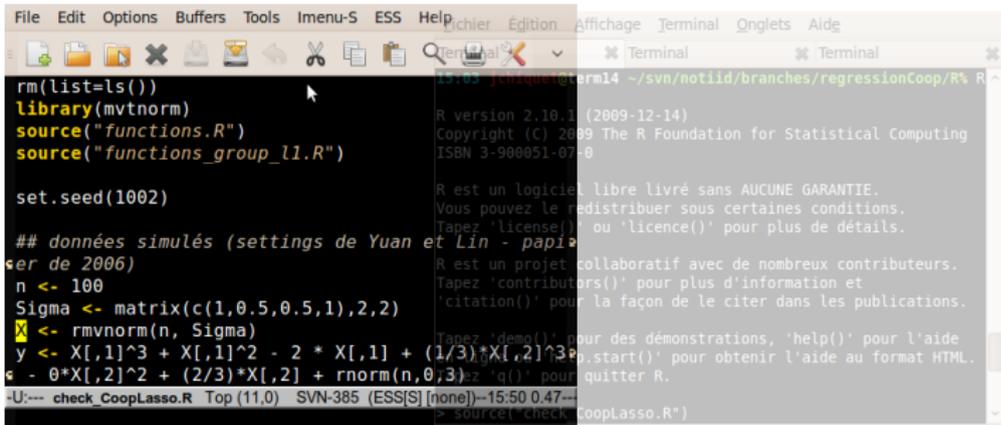
Structures de contrôle

Les fonctions

Les packages

Le module Sweave

Programmer en pratique : rappels



```
File Edit Options Buffers Tools Imenu-S ESS Help
rm(list=ls())
library(mvtnorm)
source("fonctions.R")
source("fonctions_group_ll.R")

set.seed(1002)

## données simulés (settings de Yuan et Lin - papier de 2006)
n <- 100
Sigma <- matrix(c(1,0.5,0.5,1),2,2)
X <- rmvnorm(n, Sigma)
y <- X[,1]^3 + X[,1]^2 - 2 * X[,1] + (1/3)*X[,2]^3
e <- 0*X[,2]^2 + (2/3)*X[,2] + rnorm(n,0,3)
-U:-- check_CoopLasso.R Top (11.0) SVN-385 (ESS[S] [none])--15:50 0.47--
source("check_CoopLasso.R")

R version 2.10.1 (2009-12-14)
Copyright (C) 2009 The R Foundation for Statistical Computing
ISBN 3-900051-07-0

R est un logiciel libre livré sans AUCUNE GARANTIE.
Vous pouvez le redistribuer sous certaines conditions.
Tapez 'license()' ou 'licence()' pour plus de détails.

R est un projet collaboratif avec de nombreux contributeurs.
Tapez 'contributors()' pour plus d'information et
'citation()' pour la façon de le citer dans les publications.

Tapez 'demo()' pour des démonstrations, 'help()' pour l'aide
ou 'start()' pour obtenir l'aide au format HTML.
Tapez 'q()' pour quitter R.
```

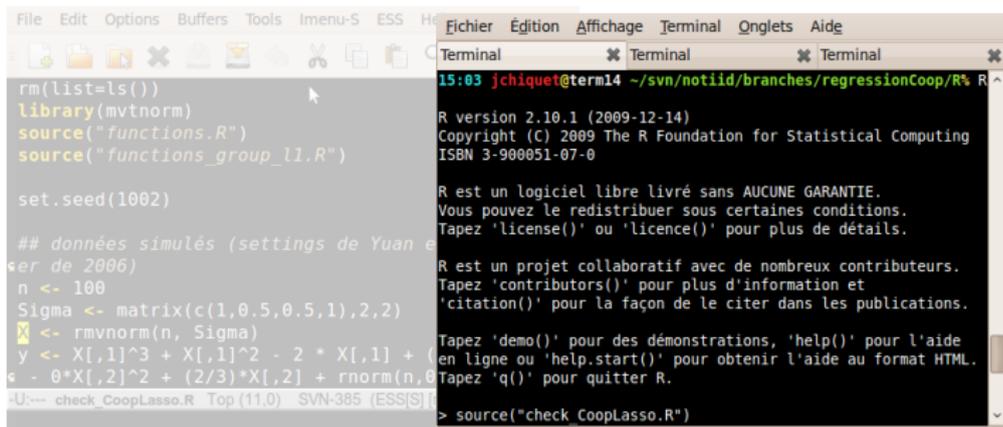
1. un éditeur de texte (vos fonctions / scripts)
2. un terminal avec R (tester, « sourcer »)

« Sourcer »

`source("un_script.R")` : exécute la série de commandes de `mon_script.R`

`source("mes_fonctions.R")` : charge le contenu (les fonctions) de `mes_fonctions.R`

Programmer en pratique : rappels



```
File Edit Options Buffers Tools Imenu-S ESS H...
rm(list=ls())
library(mvtnorm)
source("fonctions.R")
source("fonctions_group_l1.R")

set.seed(1002)

## données simulés (settings de Yuan et al. 2006)
n <- 100
Sigma <- matrix(c(1,0.5,0.5,1),2,2)
X <- rmvnorm(n, Sigma)
y <- X[,1]^3 + X[,1]^2 - 2 * X[,1] + (
  - 0*X[,2]^2 + (2/3)*X[,2] + rnorm(n,0
-U--- check_CoopLasso.R Top (11.0) SVN-385 (ESS[S])
> source("check_CoopLasso.R")
```

```
Fichier Édition Affichage Terminal Onglets Aide
Terminal Terminal Terminal
15:03 jchiquet@term14 ~/svn/notiid/branches/regressionCoop/R% R ^
R version 2.10.1 (2009-12-14)
Copyright (C) 2009 The R Foundation for Statistical Computing
ISBN 3-900051-07-0

R est un logiciel libre livré sans AUCUNE GARANTIE.
Vous pouvez le redistribuer sous certaines conditions.
Tapez 'license()' ou 'licence()' pour plus de détails.

R est un projet collaboratif avec de nombreux contributeurs.
Tapez 'contributors()' pour plus d'information et
'citation()' pour la façon de le citer dans les publications.

Tapez 'demo()' pour des démonstrations, 'help()' pour l'aide
en ligne ou 'help.start()' pour obtenir l'aide au format HTML.
Tapez 'q()' pour quitter R.
> source("check_CoopLasso.R")
```

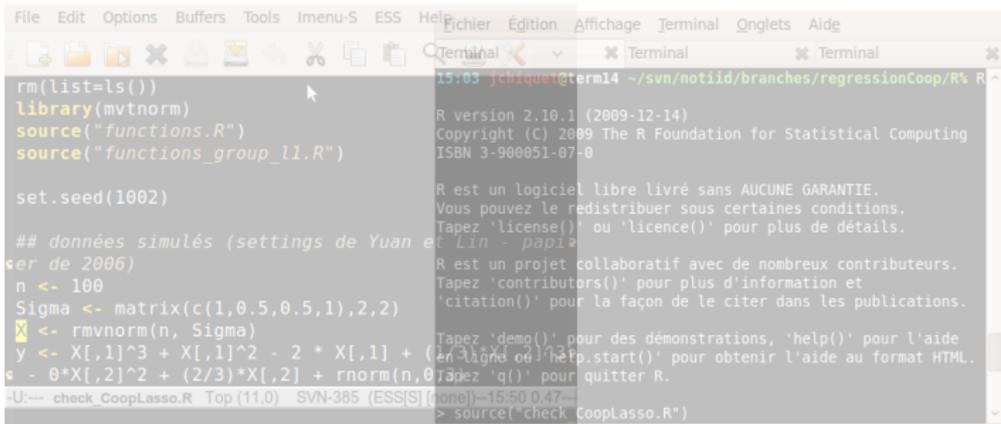
1. un éditeur de texte (vos fonctions / scripts)
2. un terminal avec R (tester, « sourcer »)

« Sourcer »

`source("un_script.R")` : exécute la série de commandes de `mon_script.R`

`source("mes_fonctions.R")` : charge le contenu (les fonctions) de `mes_fonctions.R`

Programmer en pratique : rappels



```
File Edit Options Buffers Tools Imenu-S ESS Help
Terminal
15:03 jchiquet@term14 ~/svn/notiid/branches/regressionCoop/R R ~
R version 2.10.1 (2009-12-14)
Copyright (C) 2009 The R Foundation for Statistical Computing
ISBN 3-900051-07-0

R est un logiciel libre livré sans AUCUNE GARANTIE.
Vous pouvez le redistribuer sous certaines conditions.
Tapez 'license()' ou 'licence()' pour plus de détails.
et Lin - papi

R est un projet collaboratif avec de nombreux contributeurs.
Tapez 'contributors()' pour plus d'information et
'citation()' pour la façon de le citer dans les publications.

Tapez 'demo()' pour des démonstrations, 'help()' pour l'aide
en ligne ou 'help.start()' pour obtenir l'aide au format HTML.
Tapez 'q()' pour quitter R.

-U-- check_CoopLasso.R Top (11.0) SVN-385 (ESS[S] [pane])--15:50 0.47--
> source("check_CoopLasso.R")
```

```
rm(list=ls())
library(mvtnorm)
source("fonctions.R")
source("fonctions_group_l1.R")

set.seed(1002)

## données simulés (settings de Yuan et al. 2006)
n <- 100
Sigma <- matrix(c(1,0.5,0.5,1),2,2)
X <- rmvnorm(n, Sigma)
y <- X[,1]^3 + X[,1]^2 - 2 * X[,1] + (1-3)*X[,2]^2
e - 0*X[,2]^2 + (2/3)*X[,2] + rnorm(n,0,0.1)
```

1. un éditeur de texte (vos fonctions / scripts)
2. un terminal avec R (tester, « sourcer »)

« Sourcer »

`source("un_script.R")` : exécute la série de commandes de `mon_script.R`

`source("mes_fonctions.R")` : charge le contenu (les fonctions) de `mes_fonctions.R`

Structures de contrôle

Les fonctions

Les packages

Le module Sweave

Syntaxe

```
{expr_1; expr_2; ...; expr_n }
```

ou

```
{  
  expr_1  
  ...  
  expr_n  
}
```

Remarques sur les groupes

- ▶ La dernière valeur du groupe est retournée ;
- ▶ un groupe d'expressions peut être passé à une fonction, réutilisé dans une expression plus grande, etc.

Syntaxe

```
if (condition) {  
  expr_1  
} else {  
  expr_2  
}
```

ou

```
ifelse(condition, a, b)
```

Remarques

- ▶ `condition` est une valeur logique : penser à `&`, `|`, `!`, ...
- ▶ le `else` est optionnel,
- ▶ `elseif` permet d'imbriquer les conditionnements.

Syntaxe

```
for (var in set) {  
  expr(var)  
}
```

ou

```
for (var in set)  
  expr(var)
```

à fuir pour éviter les effets de bords sournois!

Remarques sur la boucle `for`

- ▶ `var` est la variable incrémentée,
- ▶ `set` est un vecteur définissant les valeurs successives,
- ▶ *lente* comparée aux opérateurs matriciels.

Syntaxe

```
while (condition) {  
  expr  
}
```

ou

```
repeat {  
  expr  
}
```

Remarque

- ▶ Comme pour `for`, éviter les imbrications sources de lenteur.

Exemples d'utilisation

```
repeat {  
  expr  
  if (condition) {break}  
}
```

OU

```
while (condition1){  
  expr_1  
  if (condition2) {next}  
  expr_2  
}
```

Remarque

- ▶ `break` est la seule manière d'interrompre une boucle `repeat`.

Structures de contrôle

Les fonctions

Les packages

Le module Sweave

Syntaxe

```
nom_de_la_fonction <- function(arg1,arg2, ...) {  
  expression  
  
  return(var)  
}
```

Remarques

- ▶ `return` peut être omis (à éviter) : dans ce cas la dernière valeur calculée est renvoyée.
- ▶ peut être tapée directement dans l'interpréteur ou dans un fichier externe `fonctions.R`, chargé par `source`.

Moyenne empirique d'un vecteur

Avec suppression des valeurs manquantes !

```
> moyenne <- fonction(x) {  
+   ## suppression des valeurs manquantes  
+   x.not.na <- x[!is.na(x)]  
+   ## moyenne empirique  
+   resultat <- sum(x.not.na) / length(x.not.na)  
+  
+   return(resultat)  
+ }
```

Tests

```
> moyenne(rnorm(100))  
[1] -0.008308431  
  
> moyenne(c(1, -5, 3, NA, 8.7))  
[1] 1.925
```

Propriétés

- ▶ les arguments peuvent être passés dans le **désordre** s'ils sont **nommés** : `var=object`,
- ▶ on peut définir une valeur par défaut pour n'importe quel argument lors de la définition de la fonction : `var=10`.
- ▶ en cas de **sorties multiples**, les sorties doivent être renvoyées sous forme de liste.

Remarques

- ▶ Les valeurs par défaut rendent la lecture des fonctions beaucoup plus aisée pour l'utilisateur : **imposer peu d'arguments obligatoires**.
- ▶ Les noms des éléments de la liste définie dans la fonction sont conservés à l'extérieur de la fonction.

Propriétés

- ▶ les arguments peuvent être passés dans le **désordre** s'ils sont **nommés** : `var=object`,
- ▶ on peut définir une valeur par défaut pour n'importe quel argument lors de la définition de la fonction : `var=10`.
- ▶ en cas de **sorties multiples**, les sorties doivent être renvoyées sous forme de liste.

Remarques

- ▶ Les valeurs par défaut rendent la lecture des fonctions beaucoup plus aisée pour l'utilisateur : **imposer peu d'arguments obligatoires**.
- ▶ Les noms des éléments de la liste définie dans la fonction sont conservés à l'extérieur de la fonction.

Propriétés

- ▶ les arguments peuvent être passés dans le **désordre** s'ils sont **nommés** : `var=object`,
- ▶ on peut définir une valeur par défaut pour n'importe quel argument lors de la définition de la fonction : `var=10`.
- ▶ en cas de **sorties multiples**, les sorties doivent être renvoyées sous forme de liste.

Remarques

- ▶ Les valeurs par défaut rendent la lecture des fonctions beaucoup plus aisée pour l'utilisateur : **imposer peu d'arguments obligatoires**.
- ▶ Les noms des éléments de la liste définie dans la fonction sont conservés à l'extérieur de la fonction.

Propriétés

- ▶ les arguments peuvent être passés dans le **désordre** s'ils sont **nommés** : `var=object`,
- ▶ on peut définir une valeur par défaut pour n'importe quel argument lors de la définition de la fonction : `var=10`.
- ▶ en cas de **sorties multiples**, les sorties doivent être renvoyées sous forme de liste.

Remarques

- ▶ Les valeurs par défaut rendent la lecture des fonctions beaucoup plus aisée pour l'utilisateur : **imposer peu d'arguments obligatoires**.
- ▶ Les noms des éléments de la liste définie dans la fonction sont conservés à l'extérieur de la fonction.

Résumé numérique d'un vecteur

```
> resume <- fonction(x,na.rm=TRUE,affiche=FALSE) {  
+   mu <- mean(x,na.rm=na.rm)  
+   s2 <- var(x,na.rm=na.rm)  
+   if (affiche) {  
+     cat("\nMoyenne:",mu,"et variance:",s2)  
+   }  
+   return(list(moyenne = mu, variance = s2))  
+ }
```

```
> out <- resume(rnorm(100))  
> out$variance
```

```
[1] 0.9764857
```

```
> out <- resume(affiche=TRUE,x=rexp(100,0.5))
```

```
Moyenne: 2.02495 et variance: 3.29611
```

Structures de contrôle

Les fonctions

Les packages

Le module Sweave

Principe de Claerbout (Géophysicien, Stanford)

An article about computational science in a scientific publication is not the scholarship itself, it is merely advertising of the scholarship. The actual scholarship is the complete software development environment and the complete set of instructions which generated the figures.

Démarche

1. Proposer une méthode et exposer dans un article ses propriétés,
2. Écrire et déposer un package sur CRAN,
3. Publier un article dans « journal of statistical software » ou une note dans « Bioinformatics ».

Principe de Claerbout (Géophysicien, Stanford)

An article about computational science in a scientific publication is not the scholarship itself, it is merely advertising of the scholarship. The actual scholarship is the complete software development environment and the complete set of instructions which generated the figures.

Démarche

1. Proposer une méthode et exposer dans un article ses propriétés,
2. Écrire et déposer un package sur CRAN,
3. Publier un article dans « journal of statistical software » ou une note dans « Bioinformatics ».

Définir un objectif

Par exemple, *SIMoNe* : construire un graphe des interactions significatives entre gènes à partir de données du transcriptome.

Organisation type

1. Fichier DESCRIPTION
2. Répertoire R : fonctions R (fonction `inferGraph(data)`)
3. Répertoire man : documentation des fonctions
4. Répertoire data : données
5. (Répertoire src : pour les fichiers à compiler, header etc.)

Structures de contrôle

Les fonctions

Les packages

Le module Sweave

Produire un document scientifique, c'est

- ▶ **expérimenter**

(pipette + éprouvette + blouse) ou ordi \rightsquigarrow données

- ▶ **analyser les résultats**

méthode + logiciel + données \rightsquigarrow graphes

- ▶ **rédigier des observations**

idée + (bloc-note ou traitement de texte) \Rightarrow texte

- ▶ **mettre en forme**

texte + graphes + traitement de texte \Rightarrow article 

Produire un document scientifique, c'est

- ▶ **expérimenter**

(pipette + éprouvette + blouse) ou ordi \rightsquigarrow données

- ▶ analyser les résultats

méthode + logiciel + données \rightsquigarrow graphes

- ▶ rédiger des observations

idée + (bloc-note ou traitement de texte) \Rightarrow texte

- ▶ mettre en forme

texte + graphes + traitement de texte \Rightarrow article 

Produire un document scientifique, c'est

- ▶ **expérimenter**

(pipette + éprouvette + blouse) ou ordi \rightsquigarrow données

- ▶ **analyser les résultats**

méthode + logiciel + données \rightsquigarrow graphes

- ▶ rédiger des observations

idée + (bloc-note ou traitement de texte) \Rightarrow texte

- ▶ mettre en forme

texte + graphes + traitement de texte \Rightarrow article



Produire un document scientifique, c'est

- ▶ **expérimenter**

(pipette + éprouvette + blouse) ou ordi \rightsquigarrow données

- ▶ **analyser les résultats**

méthode + logiciel + données \rightsquigarrow graphes

- ▶ **rédigier des observations**

idée + (bloc-note ou traitement de texte) \Rightarrow texte

- ▶ **mettre en forme**

texte + graphes + traitement de texte \Rightarrow article 

Produire un document scientifique, c'est

- ▶ **expérimenter**

(pipette + éprouvette + blouse) ou ordi \rightsquigarrow données

- ▶ **analyser les résultats**

méthode + logiciel + données \rightsquigarrow graphes

- ▶ **rédigier des observations**

idée + (bloc-note ou traitement de texte) \Rightarrow texte

- ▶ **mettre en forme**

texte + graphes + traitement de texte \Rightarrow article 

1.
 - ▶ analyser : MS Excel
 - ▶ rédiger : MS Word
 - ▶ mettre en forme : MS Word
2.
 - ▶ analyser : MatLab
 - ▶ rédiger : OpenOffice
 - ▶ mettre en forme : OpenOffice
3.
 - ▶ analyser : R
 - ▶ rédiger : Emacs
 - ▶ mettre en forme : \LaTeX

mon opinion ^a : 

a. de geek très subjective

Le package `sweave` de \LaTeX permet de faire appel à du code R dans le document

1.
 - ▶ analyser : MS Excel
 - ▶ rédiger : MS Word
 - ▶ mettre en forme : MS Word
2.
 - ▶ analyser : MatLab
 - ▶ rédiger : OpenOffice
 - ▶ mettre en forme : OpenOffice
3.
 - ▶ analyser : R
 - ▶ rédiger : Emacs
 - ▶ mettre en forme : \LaTeX

mon opinion ^a : 

a. de geek très subjective

Le package `sweave` de \LaTeX permet de faire appel à du code R dans le document

- ▶ analyser : MS Excel
▶ rédiger : MS Word
▶ mettre en forme : MS Word
- ▶ analyser : MatLab
▶ rédiger : OpenOffice
▶ mettre en forme : OpenOffice
- ▶ analyser : R
▶ rédiger : Emacs
▶ mettre en forme : \LaTeX

mon opinion^a : 😊

a. de geek très subjective

Le package `sweave` de \LaTeX permet de faire appel à du code R dans le document

- ▶ analyser : MS Excel
 - ▶ rédiger : MS Word
 - ▶ mettre en forme : MS Word
- ▶ analyser : MatLab
 - ▶ rédiger : OpenOffice
 - ▶ mettre en forme : OpenOffice
- ▶ analyser : R
 - ▶ rédiger : Emacs
 - ▶ mettre en forme : \LaTeX

mon opinion^a : 😊

a. de geek très subjective

Le package `sweave` de \LaTeX permet de faire appel à du code R dans le document

Code latex

```
\documentclass[a4paper]{article}
```

```
\begin{document}
```

In this example we embed parts of the examples :

```
\texttt{kruskal.test} help page into a \LaTeX{} document: ...
```

```
\end{document}
```

Sortie pdf

In this example we embed parts of the examples from the `kruskal.test` help page into a LaTeX document : ...

```
\documentclass[a4paper]{article}
```

```
\begin{document}
```

In this example we embed parts of the examples from the `\texttt{kruskal.test}` help page into a `\LaTeX` document:

```
<<>>=
```

```
data(airquality)
```

```
kruskal.test(Ozone ~ Month, data = airquality)
```

```
@
```

which shows that the location parameter of the Ozone distribution varies significantly from month to month. Finally we include a boxplot of the data:

```
<<fig=TRUE,echo=FALSE>>=
```

```
boxplot(Ozone ~ Month, data = airquality)
```

```
@
```

```
\end{document}
```

```
\documentclass[a4paper]{article}
```

```
\usepackage{Sweave}
```

```
\begin{document}
```

In this example we embed parts of the examples from the `\texttt{kruskal.test}` help page into a \LaTeX document:

```
\begin{Sinput}
```

```
  R> data(airquality)
```

```
  R> kruskal.test(Ozone ~ Month, data = airquality)
```

```
\end{Sinput}
```

```
\begin{Soutput}
```

```
  Kruskal-Wallis rank sum test data: Ozone by Month Kruskal-Wallis  
  chi-squared = 29.2666, df = 4, p-value = 6.901e-06
```

```
\end{Soutput}
```

which shows that the location parameter of the Ozone distribution varies significantly from month to month.

Finally we include a boxplot of the data:

```
\includegraphics{example-1-002}
```

```
\end{document}
```

In this example we embed parts of the examples from the `kruskal.test` help page into a \LaTeX document :

```
> data(airquality)
> kruskal.test(Ozone ~ Month, data = airquality)
```

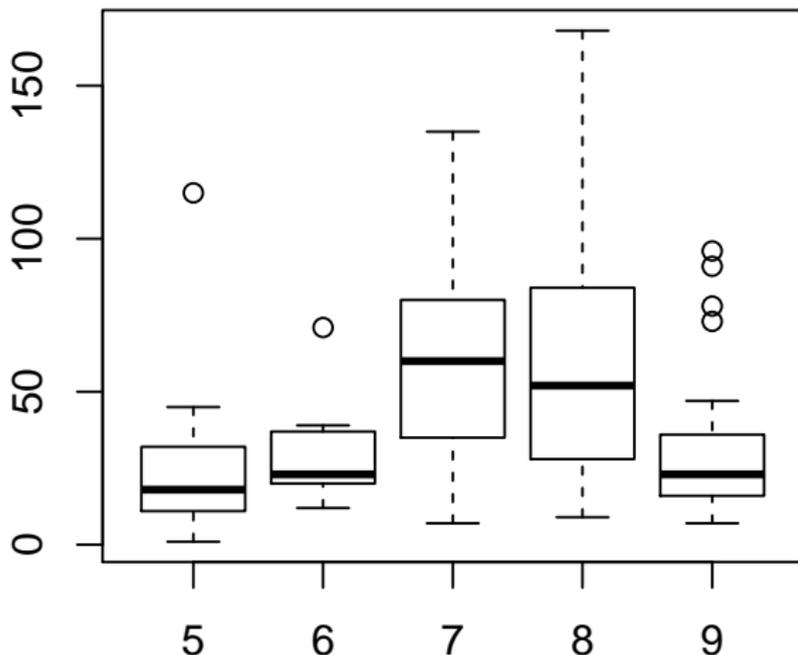
```
      Kruskal-Wallis rank sum test
```

```
data:  Ozone by Month
```

```
Kruskal-Wallis chi-squared = 29.2666, df = 4, p-value = 6.901
```

which shows that the location parameter of the Ozone distribution varies significantly from month to month. Finally we include a boxplot of the data :

Test de Kruskal



Troisième partie III

Entrées / Sorties

Charger des données

Les graphiques sous R

Charger des données

Les graphiques sous R

commande `scan`

Une utilisation élémentaire de `scan` permet une saisie plus agréable que la saisie directe des éléments d'un vecteur.

```
> x<-scan()  
1: 1  
2: 2  
3: 3  
4: 4  
5: 5  
6:  
Read 5 items  
>  
> x  
[1] 1 2 3 4 5
```

↪ valable pour les jeux de données d'au plus quelques dizaines d'éléments. . .

Éditer des données

commande `edit`

Permet d'éditer des données existantes à l'aide d'un mini-tableur. Utile pour faire de petites modifications.

```
> new.data <- edit(old.data)
```



delai.groupe	
26 A	
27 A	
35 A	
36 A	
38 A	
38 A	
41 A	

FIGURE : Éditeur Mac OS 10.6 / R 2.10

commandes `save` et `load`

La commande `save` permet de sauvegarder un sous ensemble des données de l'espace de travail dans un fichier binaire ; `load` permet de les recharger.

```
> x <- rnorm(125)
> y <- 1 + x + x^2
> save(file="mes_simus",x,y)
> rm(list=ls())
> objects()

character(0)

> load(file="mes_simus")
> objects()

[1] "x" "y"
```

commande `data`

R dispose d'une **collection de données prédéfinies** directement utilisables. La commande `data()` permet de les lister puis de les charger.

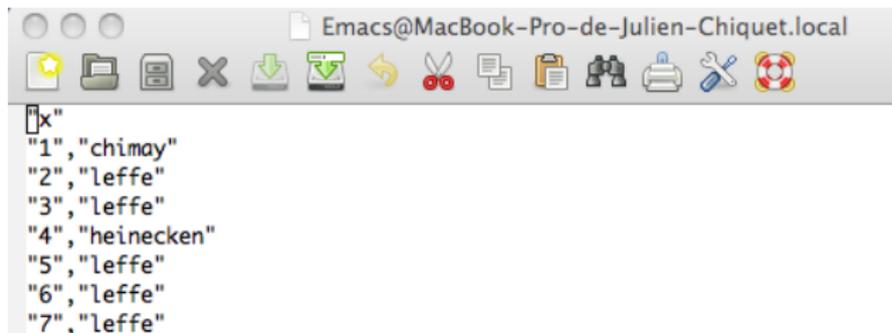
```
> data(iris3)
```

```
> head(iris3)
```

```
[1] 5.1 4.9 4.7 4.6 5.0 5.4
```

- ▶ La description d'un jeu de données est accessible dans l'aide.
- ▶ L'installation d'un nouveau package rend souvent disponibles de nouveaux jeux de données accessibles par `data`.

D'abord, un bon éditeur . . . il vous permet de constater le formatage d'un fichier texte et comment en « attaquer » l'importation.



```
Emacs@MacBook-Pro-de-Julien-Chiquet.local  
"x"  
"1", "chimay"  
"2", "leffe"  
"3", "leffe"  
"4", "heinecken"  
"5", "leffe"  
"6", "leffe"  
"7", "leffe"
```

FIGURE : Fichier au formatage "csv"

commande `read.table`

Elle permet de lire un fichier formaté sous forme de table.

`read.table` stocke les données sous forme d'objet `data.frame`.

```
> mes_donnees<-read.table("mesures_baie_raisin_2008-2009.txt",header=TRUE,sep="\t")  
> head(mes_donnees)
```

	Population	variete	nbre.pepin.baie.2008	poids.pulpe.baie..g..2008
1	CE	1784	1.0	0.89
2	CE	124	1.0	1.14
3	CE	210	1.2	1.26
4	CE	1805	1.2	0.66
5	CE	1303	1.2	0.83
6	CE	284	1.3	0.54

	volume.baie..cm3..2008	nbre.pepin.baie.2009	poids.pulpe.baie..g..2009
1	7.70	NA	NA
2	8.82	NA	NA
3	10.20	NA	NA
4	NA	NA	NA
5	NA	NA	NA
6	4.61	NA	NA

commandes `read.csv` et `read.delim`

Ce sont des raccourcis pour la fonction `read.table`, spécialisés dans l'importation des données « `.csv` » (*comma-separated value*) ou tabulées (le séparateur est la tabulation).

commandes `write.table`, `write.csv` et `write.delim`

La fonction `write.table` permet d'imprimer les données issues d'une `data.frame` dans un fichier texte externe. `write.csv` et `write.delim` sont des raccourcis pour les données `csv` ou tabulée.

Beaucoup de choses sur l'importation des données dans



R Data Import /Export.

<http://cran.r-project.org/doc/manuals/R-data.pdf>

- ▶ Exemples avancés avec `read.table`,
- ▶ communication avec les bases de données (SQL),
- ▶ importation de données Excel,
- ▶ ...

Charger des données

Les graphiques sous R

Forme générique

La plupart des fonctions graphique s'utilisent par un appel du type

1. `nom.fonction(object, options),`
2. `nom.fonction(x, y , options).`

Parmi les options les plus courantes, on trouve :

- ▶ `type="p"` ; spécifie le type de tracé : "p" pour points, "l" pour lignes, "b" pour points liés par des lignes, "o" pour lignes superposées aux points. . .
- ▶ `xlim=` ; `ylim=`, spécifie les limites de axes x et y
- ▶ `xlab=` ; `ylab=`, annotation des axes x et y
- ▶ `main=` ; titre du graphe en cours
- ▶ `sub=` ; sous-titre du graphe en cours
- ▶ `add=FALSE` ; si TRUE superpose le graphe au précédent
- ▶ `axes=TRUE` ; si FALSE ne trace pas d'axes

Forme générique

La plupart des fonctions graphique s'utilisent par un appel du type

1. `nom.fonction(object, options),`
2. `nom.fonction(x, y , options).`

Parmi les options les plus courantes, on trouve :

- ▶ `type="p"` ; spécifie le type de tracé : "p" pour points, "l" pour lignes, "b" pour points liés par des lignes, "o" pour lignes superposées aux points. . .
- ▶ `xlim=` ; `ylim=`, spécifie les limites de axes x et y
- ▶ `xlab=` ; `ylab=`, annotation des axes x et y
- ▶ `main=` ; titre du graphe en cours
- ▶ `sub=` ; sous-titre du graphe en cours
- ▶ `add=FALSE` ; si TRUE superpose le graphe au précédent
- ▶ `axes=TRUE` ; si FALSE ne trace pas d'axes

commande `plot`

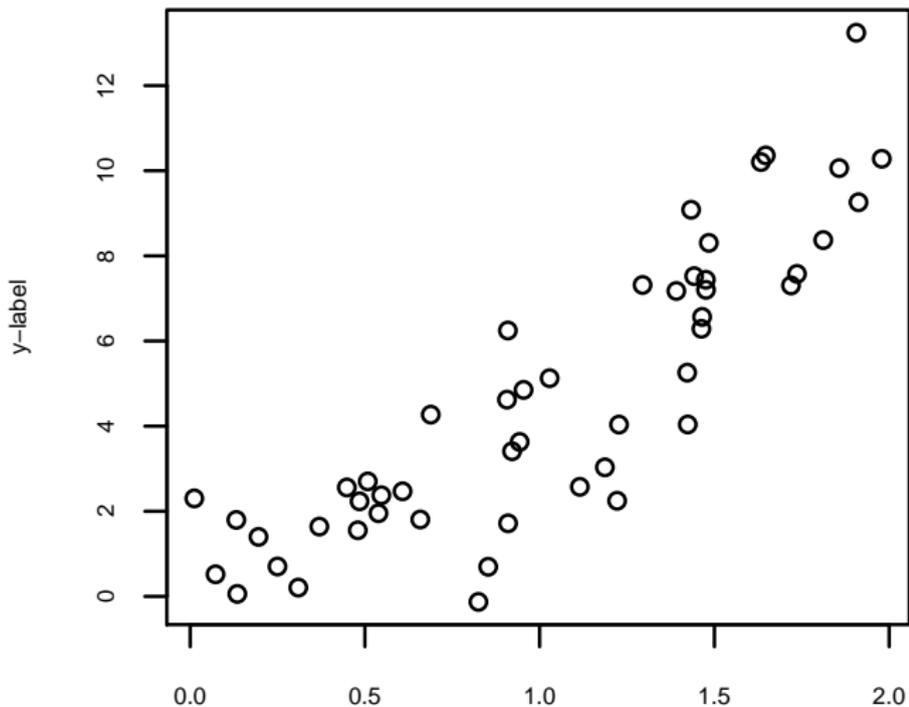
Fonction élémentaire de représentation graphique.

- ▶ `plot(vect)` représente le graphe des valeurs de `vect` sur l'axe des y .
- ▶ `plot(vect1,vect2)` représente le graphe des valeurs de `vect2` en fonction de `vect1`.

Par exemple, avec deux vecteurs :

```
> x <- runif(50,0,2)
> y <- 3 * x + 2 * x^2 + 1 + rnorm(50,sd=1.5)
> plot(x, y, xlab="x-label",ylab="y-label",main="mon premier graphe")
```

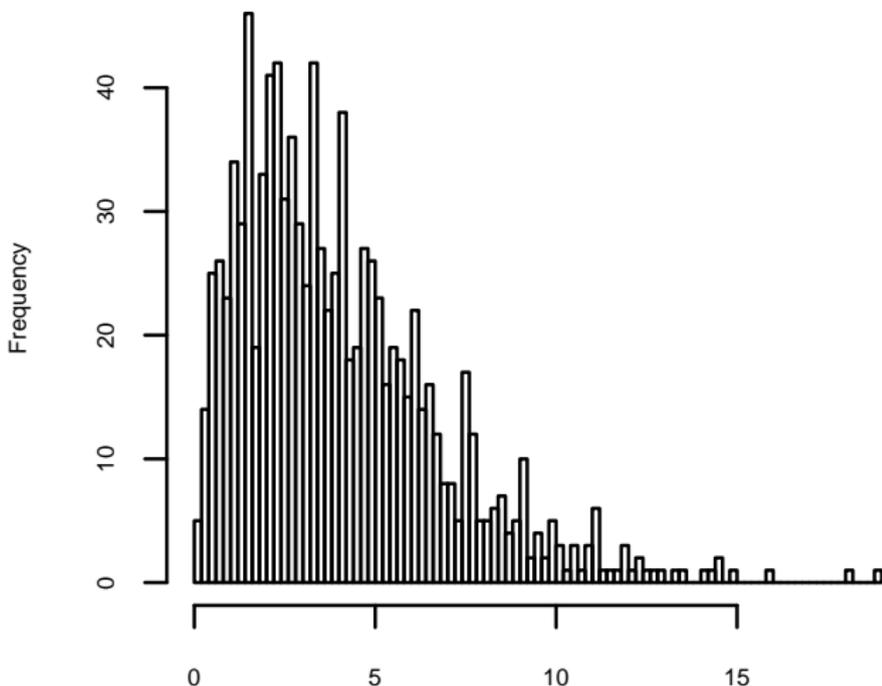
mon premier graphe



Beaucoup d'objet R accepte la commande `plot` ! En particulier, les histogrammes :

```
> mon_histo <- hist(rchisq(1000,df=4),nclass=75)
> plot(mon_histo,main="distribution empirique du Khi-2")
```

Histogram of `rchisq(1000, df = 4)`

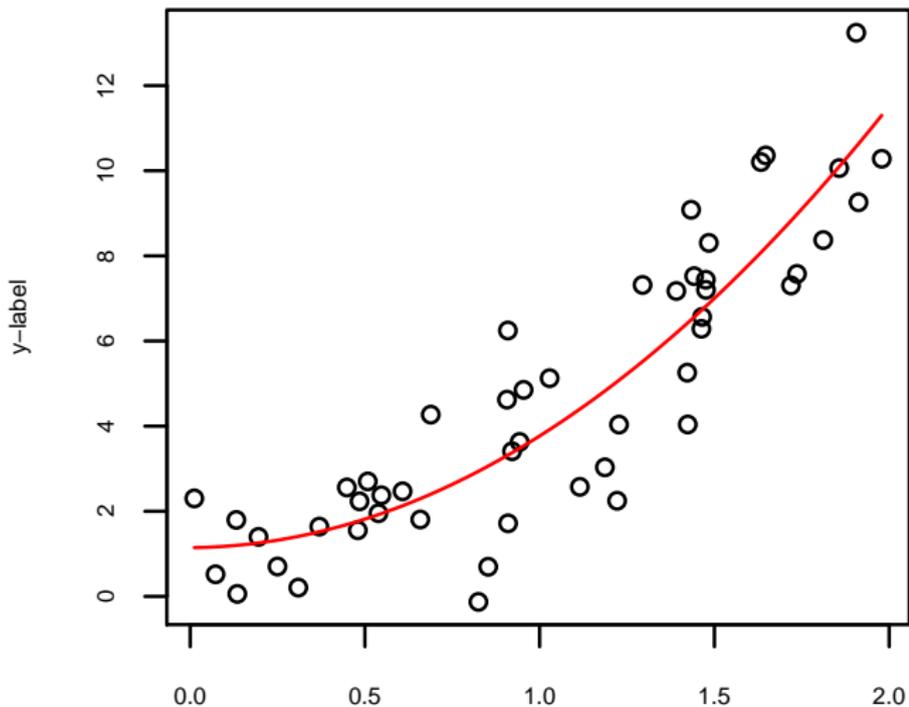


commande `curve`

Elle permet de tracer une fonction définie par une expression de x .

```
> plot(x, y, main="données + modèle ajusté",  
+       xlab="x-label", ylab="y-label")  
> a <- coefficients(lm(y~1+x+I(x^2)))  
> curve(a[1] + a[2]*x + a[3]*x^2,add=TRUE,col="red")
```

données + modèle ajusté

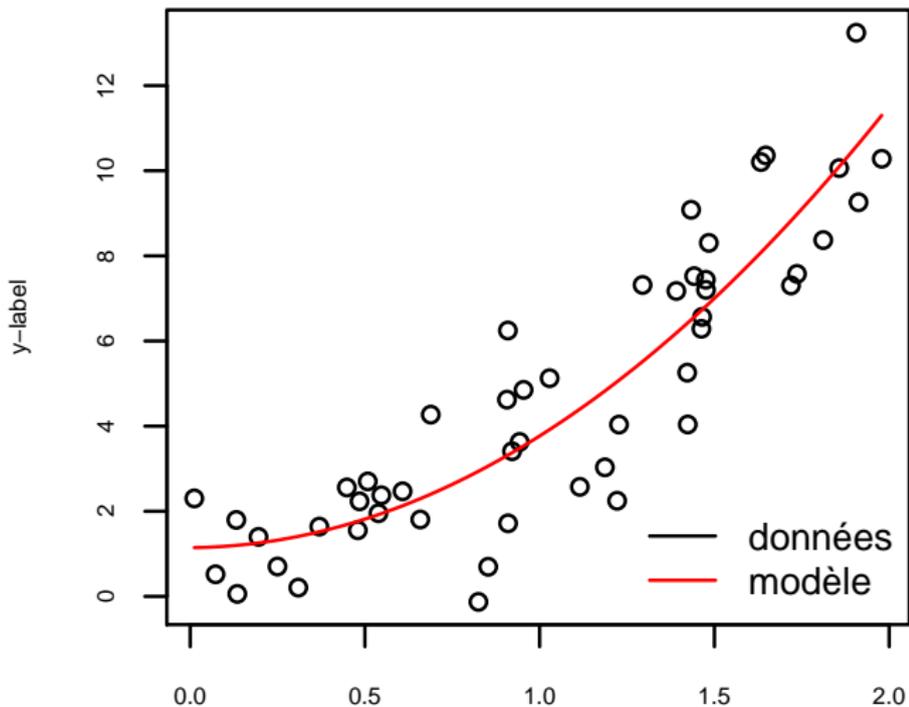


commande `legend`

Pour ajouter une légende. Attention aux options, assez nombreuses !

```
> plot(x, y, main="données + modèle ajusté",  
+       xlab="x-label", ylab="y-label")  
> a <- coefficients(lm(y~1+x+I(x^2)))  
> curve(a[1] + a[2]*x + a[3]*x^2, add=TRUE, col="red")  
> legend("bottomright", c("données", "modèle"), lty=c(1,1), col=c("black", "red"), bty="n")
```

données + modèle ajusté

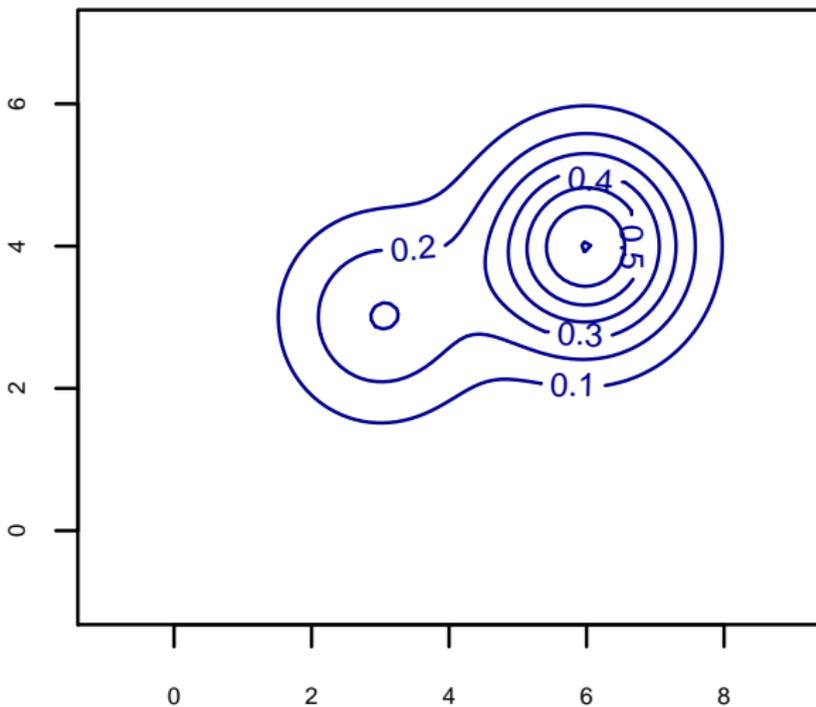


commande `contour`

`contour(x,y,z)` permet de tracer des courbes de niveaux : `x` et `y` sont des vecteurs et `z` une matrice telle que les dimensions de `z` soient `length(x)`, `length(y)`.

```
> x<-seq(-1,9,length=100)
> y<-seq(-1,7,length=100)
> z<-outer(x,y,function(x,y) 0.3*exp(-0.5*((x-3)^2 +(y -3)^2)) +
+      0.7*exp(-0.5*((x-6)^2 +(y -4)^2)))
> contour(x,y,z,col="blue4")
```

Représentation 3D (courbe de niveaux) II



commande `abline`

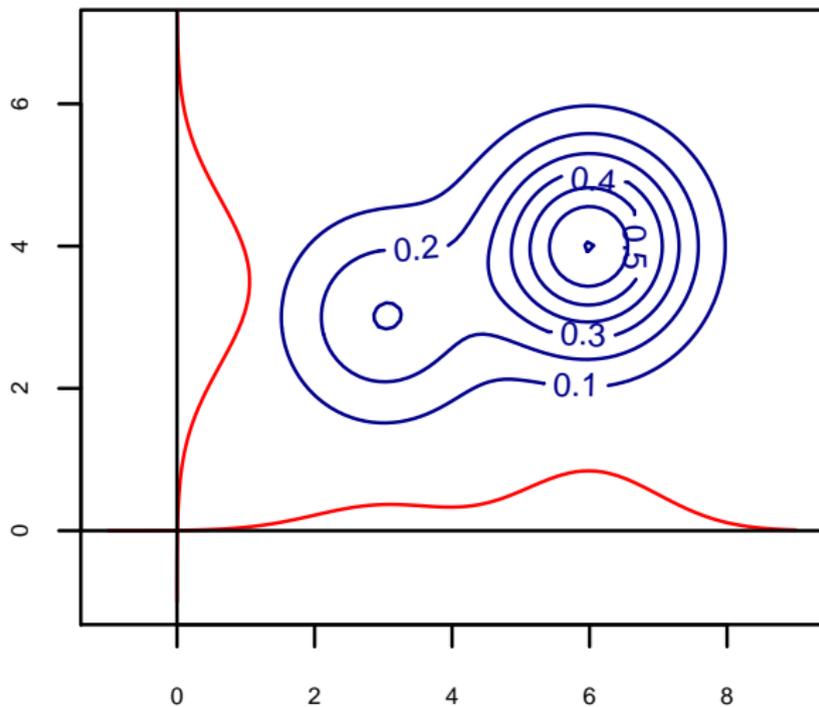
`abline` permet d'ajouter à un graphe courant

- ▶ des droites de décalage `a` et de coefficient directeur `b` avec `abline(a,b)`,
- ▶ des droites verticales avec `abline(v=)`,
- ▶ des droites horizontales avec `abline(h=)`.

commandes `lines` et `points`

Pour ajouter une courbe ou des points : s'utilisent de manière similaire à `plot`.

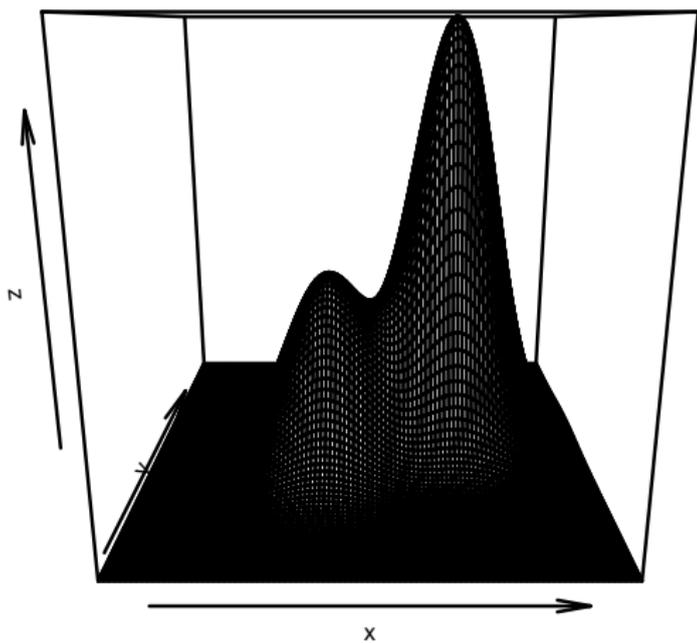
```
> contour(x,y,z,col="blue4")
> curve((0.3*dnorm(x,mean=3) + 0.7*dnorm(x,mean=6))*3,-1,9,col="red",ylim=
> x<-seq(-1,9,length=100)
> lines((0.5*dnorm(x,mean=3) + 0.5*dnorm(x,mean=4))*3,x,col="red")
> abline(h=0)
> abline(v=0)
```



commande `persp`

Fonctionne comme la fonction `contour` en proposant une représentation en perspective.

```
> persp(x,y,z)
```



Par défaut, R envoie les graphiques sur la sortie *écran*. De nombreuses

Exportation de graphes

Se réalise en encadrant les fonctions graphiques par les commandes `format_export(file="nom_fichier")` et `dev.off()`, où `format_fichier` peut prendre les valeurs `pdf`, `postscript`, `png`,

```
pdf(file="ma\_sortie.pdf")
plot(runif(20),runif(20))
dev.off()
```

Ouverture d'une nouvelle fenêtre graphique

Se fait, selon les plateformes, avec les commandes

- ▶ `x11()` pour Linux,
- ▶ `quartz()` ou `x11()` pour Mac OS,
- ▶ `windows()`.

Découpage d'une fenêtre

Plusieurs possibilités :

- ▶ `layout(mat,width=,height=)`, qui s'utilise en découpant l'écran via la matrice `mat`.
- ▶ `par(mfrow=vect)` ou `par(mfcol=vect)` qui découpent en n lignes et m colonne spécifiées par le vecteur `vect`. Le remplissage se fait par ligne ou par colonne selon la fonction choisie.

- ▶ D'autres fonctions de haut niveau dans la partie dédiée aux statistiques
- ▶ Utiliser la liste des commandes usuelles pour les options et fonctions secondaires,
- ▶ La commande `par` gère les options graphiques,
- ▶ Consulter le package `lattice`, *extrêmement* puissant.

 [Lattice : Multivariate Data Visualization with R](http://lmdvr.r-forge.r-project.org/)
Deepayan Sarkar
<http://lmdvr.r-forge.r-project.org/>

↪ Cette page web propose toutes les figures et tous les codes R correspondant à leur génération !

Quatrième partie IV

Statistiques et outils connexes sous R

Principes

Les tests d'hypothèses

Principes

- Tables statistiques

- La loi des grands nombres

- Théorème de la limite centrale

- Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

- Rappels

- Tests de Student

- Test de permutation

- Test d'égalité des variances

Principes

Tables statistiques

La loi des grands nombres

Théorème de la limite centrale

Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

Rappels

Tests de Student

Test de permutation

Test d'égalité des variances

Les distributions disponibles

Distribution	R	Paramètres
beta	beta	
binomiale	binom	size, prob
binomiale négative	nbinom	
Cauchy	cauchy	
Chi-deux	chisq	df
Exponentielle	exp	rate
Fisher	f	df1, df2
Gamma	gamma	
géométrique	geom	
hypergéométrique	hyper	
log-normal	lnorm	
logistique	logis	
normale	norm	mean, sd
Poisson	pois	
Student	t	df
uniforme	unif	min, max
Weibull	weibull	
Wilcoxon	wilcox	

TABLE : Principales distributions

Les distributions disponibles

Distribution	R	Paramètres
beta	beta	
binomiale	binom	size, prob
binomiale négative	nbinom	
Cauchy	cauchy	
Chi-deux	chisq	df
Exponentielle	exp	rate
Fisher	f	df1, df2
Gamma	gamma	
géométrique	geom	
hypergéométrique	hyper	
log-normal	lnorm	
logistique	logis	
normale	norm	mean, sd
Poisson	pois	
Student	t	df
uniforme	unif	min, max
Weibull	weibull	
Wilcoxon	wilcox	

TABLE : Principales distributions

Les distributions disponibles

Distribution	R	Paramètres
beta	beta	
binomiale	binom	size, prob
binomiale négative	nbinom	
Cauchy	cauchy	
Chi-deux	chisq	df
Exponentielle	exp	rate
Fisher	f	df1, df2
Gamma	gamma	
géométrique	geom	
hypergéométrique	hyper	
log-normal	lnorm	
logistique	logis	
normale	norm	mean, sd
Poisson	pois	
Student	t	df
uniforme	unif	min, max
Weibull	weibull	
Wilcoxon	wilcox	

TABLE : Principales distributions

Forme générique : `r+distrib(n,...)`

`r` pour « random » : `n` donne la taille de l'échantillon et ... sont les paramètres requis selon la forme de `distrib`.

```
> rexp(10,rate=1/5)
```

```
[1] 1.187797 1.727852 16.687529 2.533265 2.015744 8.079484 1.700084  
[8] 1.532579 10.141084 11.772947
```

```
> rchisq(10,df=5)
```

```
[1] 1.625728 11.349976 8.052654 4.616132 9.143822 6.426493 5.917400  
[8] 1.742962 5.332878 3.630132
```

```
> runif(10,min=-2,max=2)
```

```
[1] -0.4308736 -1.4752795 1.4340376 0.4006754 1.0750366 0.5067289  
[7] -0.3247492 0.5917762 0.0247791 0.2960174
```

```
> mean(rbinom(1000,10,prob=1/2))
```

```
[1] 4.99
```

```
> var(rnorm(1000,mean=5,sd=2))
```

```
[1] 4.220447
```

Principes

Tables statistiques

La loi des grands nombres

Théorème de la limite centrale

Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

Rappels

Tests de Student

Test de permutation

Test d'égalité des variances

Théorème

Soit $(X_i)_{i=1,\dots,n}$ une suite de variables aléatoires indépendantes de même loi et soit S_n la somme de ces variables. Alors,

$$\frac{S_n}{n} \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{p.s.} \mathbb{E}[X].$$

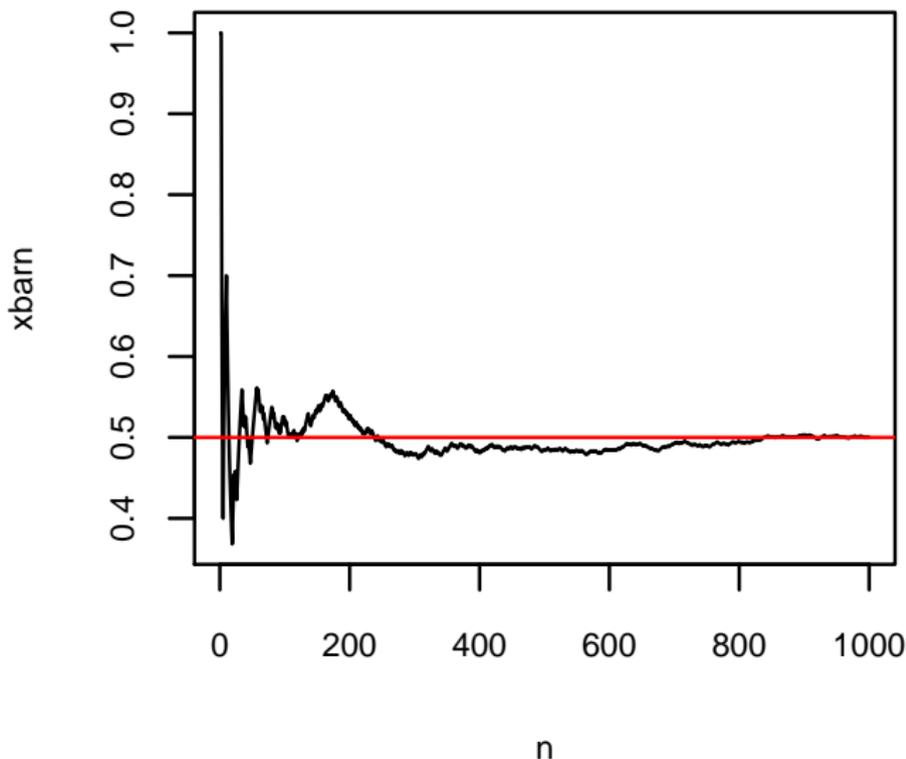
Conséquence théorique

La moyenne empirique $\bar{X} = S_n/n$ est un estimateur fortement convergent de l'espérance d'une loi.

Conséquence pratique

C'est le **fondement** de la plupart des simulations numériques en statistiques.

L'exemple passe-partout (mais parlant) : simuler l'issue d'un tirage de pile ou face, et observer l'évolution.



Principes

Tables statistiques

La loi des grands nombres

Théorème de la limite centrale

Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

Rappels

Tests de Student

Test de permutation

Test d'égalité des variances

Théorème

Soit $(X_i)_{i=1,\dots,n}$ une suite de variable aléatoire indépendante de même loi, d'espérance μ et de variance σ^2 . Alors,

$$\frac{\bar{X}_n - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1).$$

Conséquences

- ▶ L'écart à la moyenne suit une loi normale lorsque l'on observe beaucoup d'individus, quelque soit la loi de la variable observée.
- ▶ C'est un résultat portant sur un indice **global** de la population **pas** sur les individus!!!

Protocole

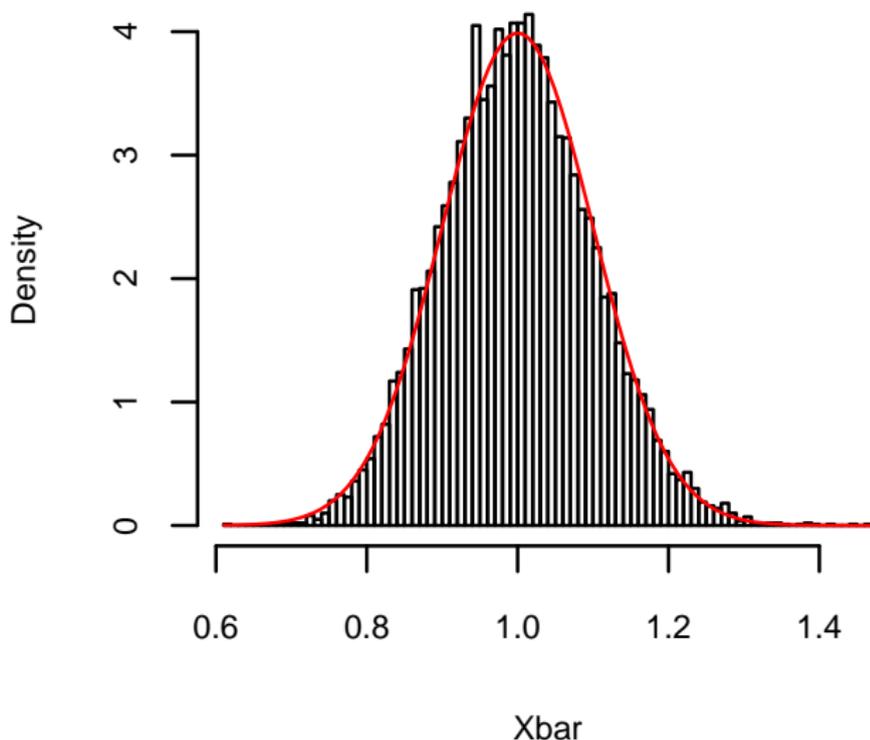
- ▶ On simule n réalisations d'une variable exponentielle,
- ▶ On calcule la valeur observés de la moyenne empirique,
- ▶ On répète m fois cette expérience,
- ▶ On trace l'histogramme des m observations de \bar{X}_n .

En R (compact !), ca donne :

```
> n <- 100
> m <- 10000
> Xi <- matrix(rexp(n*m),n,m)
> Xbar <- colMeans(Xi)
> hist(Xbar,nclass=100)
```

Illustration : graphique

```
> hist(Xbar, nclass=100, prob=TRUE, main="")  
> curve(dnorm(x, mean=1, sd=1/sqrt(n)), add=TRUE, col="red")
```



Principes

Tables statistiques

La loi des grands nombres

Théorème de la limite centrale

Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

Rappels

Tests de Student

Test de permutation

Test d'égalité des variances

Théorème

Soit $(X_i)_{i=1,\dots,n}$ une série de variables aléatoires indépendantes, de même loi, d'espérance μ et de variance σ^2 . Alors, lorsque $n \rightarrow \infty$,

$$\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X}_n)^2 \sim \sigma^2 \chi_{n-1}^2,$$

ce qu'on écrit également

$$n\hat{\sigma}^2 \sim \sigma^2 \chi_{n-1}^2,$$

où $\hat{\sigma}^2$ est la variance empirique.

Principes

- Tables statistiques

- La loi des grands nombres

- Théorème de la limite centrale

- Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

- Rappels

- Tests de Student

- Test de permutation

- Test d'égalité des variances

Principes

- Tables statistiques

- La loi des grands nombres

- Théorème de la limite centrale

- Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

- Rappels

- Tests de Student

- Test de permutation

- Test d'égalité des variances

1. Choisir les hypothèses à tester (H_0 et H_1)
2. Fixer le niveau du test α
3. Choisir une statistique de test
4. Déterminer la règle de décision (région de rejet Γ)
5. Calculer la statistique (et la p-valeur)
6. Conclure

Typologie

- ▶ Tests paramétriques versus tests non paramétriques
- ▶ Tests de comparaison versus tests d'adéquation

- ▶ Test de Student (T test) : `t.test()`
- ▶ Test de Fisher (F test) : `var.test()`
- ▶ Test sur une proportion : `binom.test()`
- ▶ Test du Chi2 : `chisq.test()`
- ▶ Wilcoxon/Mann-Whitney : `wilcox.test()`
- ▶ Kolmogorov-Smirnov : `ks.test()` item Analyse de la variance : `lm()` où `anova()`
- ▶ Permutation test (comparaison)

Principes

Tables statistiques

La loi des grands nombres

Théorème de la limite centrale

Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

Rappels

Tests de Student

Test de permutation

Test d'égalité des variances

Problème

Soit X un caractère d'intérêt d'une population \mathcal{P} de loi, d'espérance μ et de variance σ^2 inconnue. On propose une valeur μ_0 de l'espérance, et on teste sa validité en observant un échantillon i.i.d $(X_i)_{i=1,\dots,n}$:

$$\begin{cases} H_0 : \mu = \mu_0, \\ H_1 : \mu = \mu_1, \text{ avec } \mu_1 \neq \mu_0. \end{cases}$$

Par le théorème central limite et le théorème de Cochran, on montre que

$$\frac{\bar{X}_n - \mu}{\hat{\sigma}/\sqrt{n}} \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{\mathcal{L}} \mathcal{T}(n-1),$$

où $\mathcal{T}(n-1)$ est une loi de Student à $n-1$ degrés de liberté.

Si on teste

$$\begin{cases} H_0 : \mu = \mu_0, \\ H_1 : \mu = \mu_1, \text{ avec } \mu_1 > \mu_0, \end{cases}$$

alors, au niveau de confiance α ,

$$\text{on rejette } H_0 \text{ si } \bar{x}_n > \mu_0 + \frac{\hat{\sigma}}{\sqrt{n}} u_{1-\alpha}.$$

Définition

La p -valeur ou degré de significativité donne le risque que l'on prend à choisir H_1 plutôt que H_0 . Si elle est supérieure à α , on conserve H_0 et on rejette sinon.

Exemple

(Sirop contre la toux) La notice d'un sirop contre la toux indique comme valeur de référence pour la moyenne m_0 de l'agent actif 40g/litre. Le contrôleur de la fabrication décidera d'arrêter provisoirement la production si la moyenne m inconnue est strictement inférieure à cette valeur de référence.

Le contrôleur de la fabrication prélève de manière indépendantes 9 bouteilles au hasard dans la production et mesure la quantité d'agent actif. Conclusion ?

```
> x <- c(38.7, 39.6, 37.9, 40.6, 40.5, 37.7, 41.2, 37.5, 39.1)
> t.test(x,mu=40,alternative="less")
```

One Sample t-test

```
data: x
t = -1.7586, df = 8, p-value = 0.05835
alternative hypothesis: true mean is less than 40
95 percent confidence interval:
 -Inf 40.04593
sample estimates:
mean of x
 39.2
```

Problème

Soit X et Y deux caractères d'intérêt d'une population \mathcal{P} de loi, d'espérance μ_1 et μ_2 et de variance commune σ^2 , toutes inconnues. On propose de tester l'égalité des espérances en observant deux échantillons i.i.d $(X_i)_{i=1,\dots,n}$ et $(Y_i)_{i=1,\dots,m}$:

$$\begin{cases} H_0 : \mu_1 = \mu_2, \\ H_1 : \mu_1 \neq \mu_2, \end{cases}$$

Par le théorème central limite et le théorème de Cochran, on montre que

$$\frac{\bar{X}_n + \bar{Y}_m - (\mu_1 + \mu_2)}{s^* \sqrt{n^{-1} + m^{-1}}} \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{\mathcal{L}} \mathcal{T}(n + m - 2),$$

$$\text{où } s^{*2} = \frac{(n-1)S_X^{*2} + (m-1)S_Y^{*2}}{n+m-2}$$

Test de Student d'égalité des espérances sous R

Testons l'égalité des poids entre espèces (CE,CO) et TE chez la vigne :

```
> vigne <- read.delim("mesures_baie_raisin_2008-2009.txt",hea  
> vigne <- vigne[-c(2,6,7)]  
> colnames(vigne) <- c("pop", "pepin.08", "poids.08", "volcm3.08"  
> attach(vigne)
```

Les objets suivants sont masqués from vigne (position 3):

```
pepin.08, poids.08, pop, volcm3.08
```

Les objets suivants sont masqués from vigne (position 4):

```
pepin.08, poids.08, pop, volcm3.08
```

Les objets suivants sont masqués from vigne (position 5):

```
pepin.08, poids.08, pop, volcm3.08
```

Les objets suivants sont masqués from vigne (position 6):

Principes

Tables statistiques

La loi des grands nombres

Théorème de la limite centrale

Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

Rappels

Tests de Student

Test de permutation

Test d'égalité des variances

Test de permutation pour comparer deux échantillons

Considérons deux groupes de variables aléatoires (X_1, \dots, X_m) et (Y_1, \dots, Y_n) i.i.d. Le test vise à trancher entre

H_0 : les échantillons ont même distribution

H_1 : les échantillons ont des distributions différentes.

Il existe $B = C_{n+m}^m$ façons différentes de répartir les $n + m$ observations en deux groupes de tailles respectives n et m (en fait c'est le nombre de groupe de taille m que l'on peut former avec $m + n$ observations, car une fois le premier groupe formé, le second est automatiquement déterminé).

1. Calculer la statistique t_b pour chaque permutation b de 1 à B . Si C_{n+m}^m le nombre de permutation total est trop important, un échantillonnage aléatoire est réalisé pour obtenir un nombre raisonnable de B échantillons permutés.
2. Ordonner les statistiques obtenues sur les échantillon permutés

$$t_{(1)}, t_{(2)}, \dots, t_{(B)}$$

3. Calculer t la statistique de décision sur les échantillons réellement observés.
4. Pour une erreur données α de type I, l'hypothèse nulle est rejetée si la statistique observée est parmi les $100\alpha\%$ les plus extrêmes valeurs de la statistique de test.

Une façon équivalente de présenter cet algorithme utilise le concept de p-value de permutation. Une définition possible de la p-value de permutation est

$$\frac{j}{B - 1}$$

où j est le nombre de valeurs de la statistique $t_{(i)}$ plus extrêmes que la valeur observée t ($B - 1$ et non B car la valeur t observée fait forcément partie des valeur calculée par permutation). Cette valeur varie forcément entre 0 et 1 et suit une distribution uniforme conditionnellement à l'hypothèse nulle, car sous H_0 chaque valeur de la statistique a une probabilité $\frac{1}{B}$.

Principes

Tables statistiques

La loi des grands nombres

Théorème de la limite centrale

Le théorème de Cochran

Les tests d'hypothèses

Rappels

Tests de Student

Test de permutation

Test d'égalité des variances

Problème

Soit X et Y deux caractères d'intérêt d'une population \mathcal{P} de lois et de variances σ_1^2 et σ_2^2 inconnues. On propose de tester l'égalité des variances en observant deux échantillons i.i.d $(X_i)_{i=1,\dots,n}$ et $(Y_i)_{i=1,\dots,m}$:

$$\begin{cases} H_0 : \sigma_1 = \sigma_2, \\ H_1 : \sigma_1 \neq \sigma_2, \end{cases}$$

Par le théorème central limite et le théorème de Cochran, on montre que

$$\frac{S_X^{*2}/\sigma_1^2}{S_Y^{*2}/\sigma_2^2} \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{\mathcal{L}} \mathcal{F}(n-1, m-1).$$

Testons l'égalité des variances des poids entre espèces (CE,CO) et TE chez la vigne :

```
> var.test(poids.08[pop!="TE"],poids.08[pop=="TE"])
```

```
      F test to compare two variances
```

```
data:  poids.08[pop != "TE"] and poids.08[pop == "TE"]
```

```
F = 0.1846, num df = 150, denom df = 65, p-value < 2.2e-16
```

```
alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal
```

```
95 percent confidence interval:
```

```
 0.1198802 0.2746481
```

```
sample estimates:
```

```
ratio of variances
```

```
 0.1845923
```

1. Simuler deux populations de tailles 1000, suivant des loi normales de variance unité et de moyenne respective 0 et 0.5,
2. Tester si les moyennes des deux populations sont différentes par
 - ▶ un test de Student
 - ▶ un test de Wilcoxon
 - ▶ un test de permutation